



Guía numero 18

MATEMATIC α LPHA

Métodos numéricos

Universidad de san buenaventura de Cali



Mathematic Alpha

2016

INVERSA DE UNA MATRIZ

Para poder hallar la inversa de una matriz utilizaremos el método de eliminación de Gauss-Jordan para poder encontrarla más fácilmente. Como ejemplo utilizaremos la siguiente matriz:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Entonces lo que tenemos que hacer es lo siguiente, a nuestra matriz le vamos a aumentar la matriz identidad para así poder empezar a resolver por el método de eliminación de Gauss-Jordan.

$$\left[\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right]$$

Ahora lo que tenemos que hacer es utilizar el método de Gauss-Jordan para poder transformar nuestra matriz identidad en la inversa de la matriz A.

$$\left[\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right] F2 \rightarrow F2 - F1 \quad \left[\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right] F3 \rightarrow F3 + F2$$

$$\left[\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \end{array} \right] F2 \rightarrow F2 - F3 \quad \left[\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \end{array} \right] F1 \rightarrow$$

$$F1 + F2 \left[\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \end{array} \right] F2 \rightarrow F2 * (-1)$$

$$\left[\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \end{array} \right]$$

Como ya transformamos nuestra matriz inicial a la matriz identidad podemos tomar la matriz que aumentamos y esa sería la inversa de nuestra matriz inicial.

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$